

(問題15の続き)

となり、これから  $v_x$  は

$$\frac{d^2}{dt^2} v_x = -[1] v_x \quad (11), \text{ より } v_x = A \sin(\omega t + \theta_0), \omega = [2] \quad (12)$$

また  $v_y$  は

$$v_y = [5] \quad (13)$$

となり、これは ( ② ) 運動にドリフト運動が加わった運動を表す。このドリフト速度で動く系へ座標変換を行うと、電場は ( ③ ) となる。(12)と(13)の速度を積分して、粒子の軌跡は

$$x = -\frac{A}{\omega} \cos(\omega t + \theta_0) + x_0, \quad y = [6] + y_0 \quad (14)$$

となる。ただし、 $x_0, y_0$  は定数である。この軌跡をイオンと電子に対して図に示すと図3のようになり、イオンと電子は ( ④ ) 方向にドリフトする。

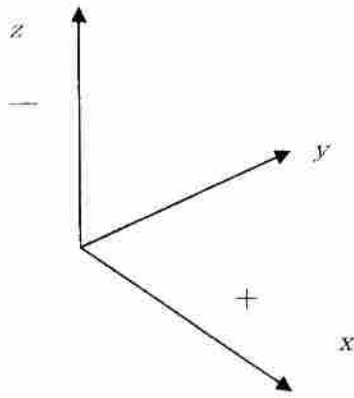


図3

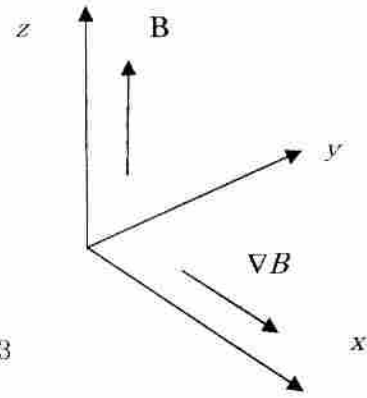


図4

C. 次に、図4のように  $\mathbf{E}$  はゼロで、 $x$ 方向に磁束密度の大きさの小さな勾配  $\nabla_x B$  ( $B = B_0 + \nabla_x B \cdot x$ ) がある時、 $\mathbf{v}$  を ( ② ) 運動、 $\Delta \mathbf{v}$  をそれからのずれ (1次微小量) とすると、運動方程式は

$$m \frac{d}{dt} (v_x + \Delta v_x) = q (v_y + \Delta v_y) \cdot (B_0 + \nabla_x B \cdot x) \quad (15)$$

$$m \frac{d}{dt} (v_y + \Delta v_y) = -q (v_x + \Delta v_x) \cdot (B_0 + \nabla_x B \cdot x) \quad (16)$$

$$m \frac{d}{dt} v_z = 0 \quad (17)$$

となる。 $f$  の ( ② ) 周期  $\tau$  に亘る平均を

$$\overline{f} = \frac{1}{\tau} \int f dt \quad (18)$$

とすると、 $\mathbf{v}$  に関しては(1)(2)(3)式が成立し、勾配は小さいので2次の微小量が省略でき、また  $\Delta \mathbf{v}$  は一定 ( $d/dt=0$ ) となるので、(15)(16)式全体の平均を計算すると

$$0 = q (\overline{\Delta v_y} \cdot B_0 + [7]) \quad (19), \quad 0 = -q (\overline{\Delta v_x} \cdot B_0 + (\overline{v_x} \cdot \nabla_x B \cdot x)) \quad (20)$$

が得られる。(20)式から

(次ページに続く)